

**SECUENCIA 22.: Ecuaciones cuadráticas 3**

Aprendizaje esperado: Resuelve problemas mediante la formulación y solución algebraica de ecuaciones cuadráticas.

En esta secuencia, se pretende que los alumnos resuelvan problemas que impliquen el uso de ecuaciones cuadráticas y que las resuelvan por el método que ellos decidan, incluyendo el uso de la fórmula general.

**SECUENCIA 22. SESIÓN 4. ¿Cuál procedimiento conviene? (PAG. 127)**

**INICIO:**

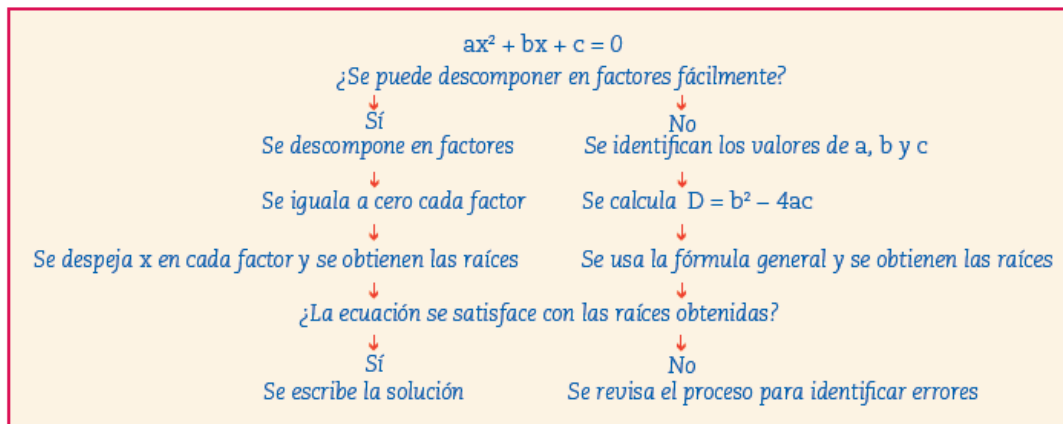
En muchos casos, antes de resolver una ecuación es necesario simplificarla y ordenarla para obtener la forma canónica:  $ax^2 + bx + c = 0$ , con  $a \neq 0$ .

En su cuaderno, expresen cada una de las siguientes ecuaciones en su forma general.

- a)  $(2x + 3)^2 = 2(6x + 4)$       b)  $8(2 - x)^2 = 2(8 - x)^2$       c)  $3x(x - 2) - (x - 6) = 4(x - 3) + 10$



2. Una vez que las ecuaciones anteriores están en su forma canónica, analicen el siguiente esquema y úsenlo para encontrar las raíces de cada ecuación. Si la ecuación está incompleta, no es necesario recurrir al esquema.



**DESARROLLO**

3. Las raíces de las ecuaciones de segundo grado tienen una propiedad interesante que puede servir para saber si son correctas. Se expresa de la siguiente manera:

$$x_1 + x_2 = \frac{-b}{a}$$

$$x_1(x_2) = \frac{c}{a}$$

a) Usen la propiedad anterior para verificar que las raíces obtenidas en la actividad 1 son correctas.

b) Consideren la ecuación  $6x^2 - 19x + 10 = 0$  y marquen con una  $\checkmark$  sus soluciones correctas.

$x_1 = \frac{3}{2}, x_2 = \frac{2}{5}$       $x_1 = -\frac{2}{3}, x_2 = \frac{5}{2}$       $x_1 = \frac{2}{3}, x_2 = \frac{5}{2}$       $x_1 = \frac{2}{3}, x_2 = -\frac{5}{2}$

c) Consideren las soluciones  $x_1 = \frac{1}{6}, x_2 = \frac{4}{3}$  y marquen con una  $\checkmark$  la ecuación a la que corresponde.

$4x^2 - 27x + 18 = 0$       $18x^2 - 27x + 4 = 0$       $27x^2 - 18x + 4 = 0$

d) Relacionen cada ecuación de la columna A con las soluciones de la columna B que le corresponden.

**A**

$2x^2 - 3x - 5 = 0$

$2x^2 + 3x - 20 = 0$

$4x^2 + 8x + 3 = 0$

**B**

$x_1 = \frac{5}{2}, x_2 = -4$

$x_1 = -\frac{1}{2}, x_2 = -\frac{3}{2}$

$x_1 = \frac{5}{2}, x_2 = -1$

Realicen el punto 4. Consideren la figura que se muestra en su libro en la página 128, analicen la información y den respuesta a los incisos.

**CIERRE REPASO.**

**ECUACIONES CUADRÁTICAS**  
**FÓRMULA GENERAL**

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

<p><math>b^2 - 4ac &gt; 0</math> Dos soluciones</p> <p><math>\rightarrow x^2 + 6x + 8 \triangleright x = \frac{-6 \pm \sqrt{6^2 - 4 \cdot 1 \cdot 8}}{2 \cdot 1} = \frac{-6 \pm 2}{2} = \begin{cases} \frac{-4}{2} = -2 \\ \frac{-8}{2} = -4 \end{cases}</math></p> <p><math>b^2 - 4ac = 0</math> Una solución doble</p> <p><math>\rightarrow x^2 - 4x + 4 \triangleright x = \frac{-(-4) \pm \sqrt{(-4)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 4}}{2 \cdot 1} = \frac{4 \pm 0}{2} = \begin{cases} \frac{4}{2} = 2 \\ \frac{4}{2} = 2 \end{cases}</math></p> <p><math>b^2 - 4ac &lt; 0</math> Sin solución</p> <p><math>\rightarrow 2x^2 + x + 2 \triangleright x = \frac{-1 \pm \sqrt{1^2 - 4 \cdot 2 \cdot 2}}{2 \cdot 2} = \frac{-1 \pm \sqrt{-15}}{2} = \text{No existe}</math></p>	<p>Nº de soluciones de la ecuación de segundo grado</p>
--	---

