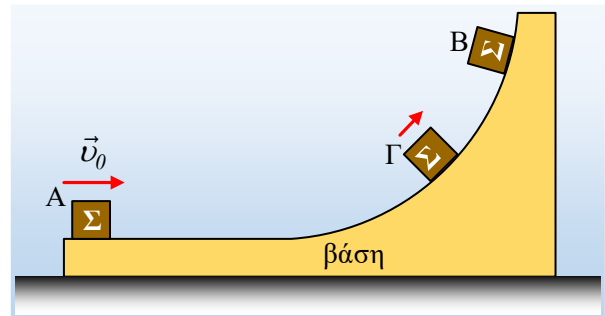


Η ορμή για κίνηση πάνω σε βάση

Ένα μικρό σώμα Σ μάζας m ηρεμεί πάνω σε μια βάση, στη θέση Α, όπως στο σχήμα. Η βάση έχει μάζα $M=3m$ και βρίσκεται σε λείο οριζόντιο επίπεδο. Σε μια στιγμή το σώμα Σ δέχεται στιγμιαίο κτύπημα, με αποτέλεσμα να αποκτήσει οριζόντια ταχύτητα v_0 και να κινηθεί πάνω στη βάση και μετά από λίγο αρχίζει να ανέρχεται φτάνοντας μέχρι την θέση Β του σχήματος, πριν κινηθεί ξανά προς τα κάτω. Τριβές μεταξύ του σώματος Σ και της βάσης, δεν υπάρχουν.

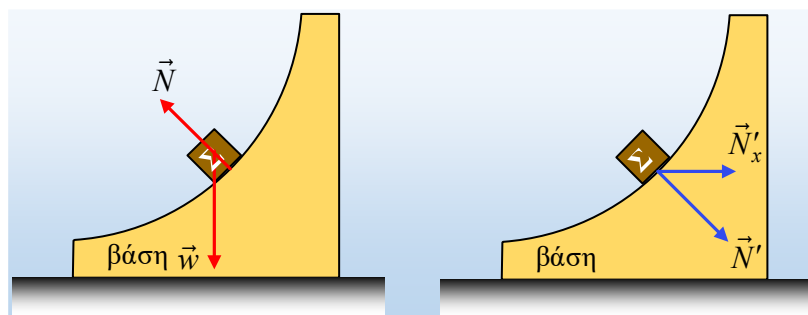


- i) Στη διάρκεια της μετακίνησης του Σ από το Α στο Β, η βάση παραμένει ή όχι ακίνητη;
- ii) Στη θέση Β, όπου το Σ σταματά να κινείται προς τα πάνω κατά μήκος της βάσης, έχει ταχύτητα:
 - α) μηδενική.
 - β) οριζόντια προς τα δεξιά.
 - γ) οριζόντια προς τα αριστερά.
- iii) Να υπολογιστεί η μέγιστη ταχύτητα της βάσης, μέχρι να φτάσει το σώμα Σ στη θέση Β.
- iv) Κατά τη διάρκεια της κίνησης του σώματος Σ από τη θέση Α στη θέση Γ, η ορμή του συστήματος σώμα Σ -βάση, παραμένει σταθερή.

Να δικαιολογήσετε αναλυτικά τις απαντήσεις σας.

Απάντηση:

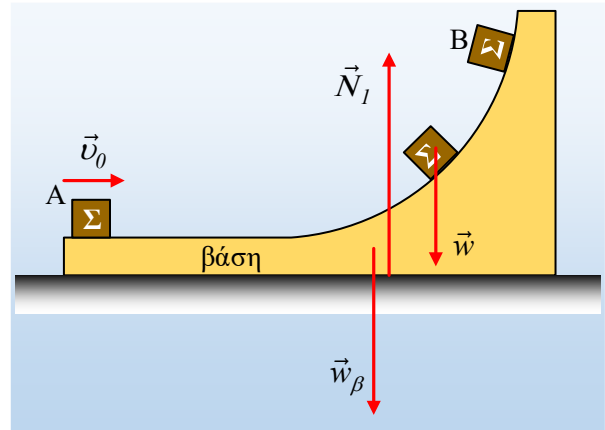
- i) Η βάση θα κινηθεί προς τα δεξιά, αφού θα δεχτεί δύναμη από το σώμα Σ . Πράγματι αν σχεδιάσουμε τις δυνάμεις που ασκούνται στο σώμα Σ , σε μια τυχαία θέση της καμπύλης τροχιάς του, θα πάρουμε το αριστερό σχήμα, όπου N η δύναμη από τη βάση. Αλλά τότε το σώμα Σ ασκεί στη βάση την αντίδρασή της N' , η οριζόντια συνιστώσα N'_x της οποίας, επιταχύνει τη βάση προς τα δεξιά.



Προφανώς για όσο χρόνο το σώμα Σ κινείται στο οριζόντιο τμήμα της βάσης, αυτή παραμένει ακίνητη.

- ii) Τη στιγμή που το Σ σταματά την ολίσθησή του πάνω στη βάση, στη θέση Β, τότε παραμένει ακίνητο ως προς τη βάση, πράγμα που σημαίνει ότι το Σ έχει την ίδια ταχύτητα με την βάση, μια οριζόντια ταχύτητα v_k , με κατεύθυνση προς τα δεξιά. Σωστό το β).

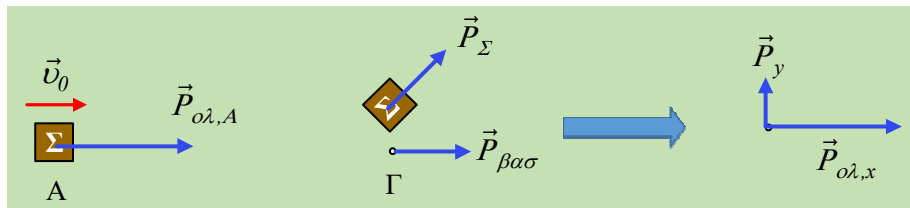
- iii) Στη διάρκεια της κίνησης του Σ από το A στο B, οι μόνες εξωτερικές δυνάμεις που ασκούνται στο σύστημα Σ -βάση είναι τα δύο βάρη και η κάθετη αντίδραση του επιπέδου N_I . Δυνάμεις όλες κατακόρυφες! Αλλά τότε στην οριζόντια διεύθυνση η ορμή παραμένει σταθερή, στην διεύθυνση αυτή. Έτσι λαμβάνοντας υπόψη ότι η βάση επιταχύνεται σε όλη τη διάρκεια της κίνησης του Σ στο καμπύλο μέρος της, η μέγιστη ταχύτητά της είναι τη στιγμή που το Σ φτάνει στο B, οπότε θα έχουμε:



$$P_{A,x} = P_{B,x} \rightarrow m v_0 = (M + m) v_k \rightarrow$$

$$v_k = \frac{m v_0}{M + m} = \frac{m v_0}{3m + m} = \frac{1}{4} v_0$$

- iv) Κατά τη διάρκεια της κίνησης από το A στο Γ, η συνολική ορμή **δεν** παραμένει σταθερή. Ας δούμε ποια είναι η ολική ορμή του συστήματος, στις παραπάνω θέσεις, με βάση το σχήμα:



Τη στιγμή που το σώμα Σ φτάνει στη θέση Γ, έχει ορμή πλάγια $\vec{P}_\Sigma$, ενώ η βάση έχει ορμή οριζόντια $\vec{P}_{\beta\sigma}$. Αλλά τότε η ολική ορμή έχει μια οριζόντια συνιστώσα $\vec{P}_{ol,x} = \vec{P}_{ol,A}$ και μια κατακόρυφη συνιστώσα $\vec{P}_y$, όπως στο δεξιό σχήμα.

Σχόλιο

Με βάση τα παραπάνω στη διάρκεια της κίνησης του σώματος Σ από το A στο B, η ορμή δεν παραμένει σταθερή. Το σύστημα ΔΕΝ είναι μονωμένο, πράγμα που μας οδηγεί στη σκέψη ότι, για παράδειγμα στη θέση Γ, η συνισταμένη των εξωτερικών δυνάμεων είναι διάφορη του μηδενός. Δηλαδή ισχύει:

$$\vec{w} + \vec{w}_\beta + \vec{N}_I \neq 0$$

dmargaris@gmail.com