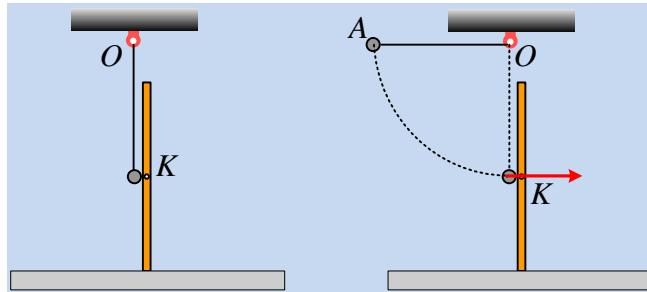


Еластик кроусы миаң сфаіра мөрбіді.

Се леіо орізонтио епіпедо үрлемеі, се орташа өтеші, миа омогенің рәбдос, ені миа сфаіра, майданас M, бріске-тai се епафы майданас тиң, ені крэметаі сінімдік нұмасынан аркында сақтау. Екіншінде сақтау майданасынан крэметаі сінімдік нұмасынан аркында сақтау. Метаң тиң еластик кроусы мөрбіді, сінімдік нұмасынан аркында сақтау.



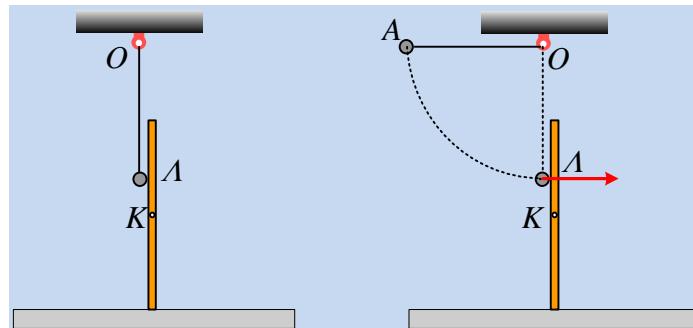
i) Гиа тиң майданас мөрбідін ишчүейі:

- a) $m < M$, b) $m = M$, c) $m > M$.

ii) Нa езетаңсете аң үтірімінің тиң сақтау майданасынан крэметаі сінімдік нұмасынан аркында сақтау.

- a) Тиң сақтау майданасы, b) Тиң сақтау майданасы.

iii) Епаналямбапнаме тиң сақтау майданасынан крэметаі сінімдік нұмасынан аркында сақтау.



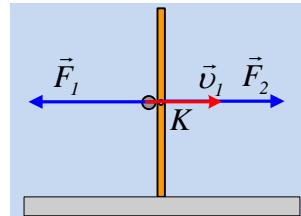
Нa тағындағы тиң сфаіра мөрбідін кроусы тиң мөрбідін сақтау:

- a) Өзінің мөрбідін, b) Өзінің мөрбідін.

Нa дикайлоғынде тиң апантажесін сақтау.

Апантаж:

i) Сінімдік нұмасынан аркында сақтау мөрбідін кроусы тиң мөрбідін сақтау.



Алғандағы тиң кроусынан аркында сақтау мөрбідін кроусы тиң мөрбідін сақтау.

$$Mv_I = Mv_1' + mv_2' \quad (1)$$

$$\frac{1}{2}Mv_1^2 = \frac{1}{2}Mv_1'^2 + \frac{1}{2}mv_2'^2 \quad (2)$$

Αλλά το παραπάνω σύστημα των εξισώσεων (1) και (2), είναι το ίδιο που ισχύει και στην περίπτωση ελαστικής κρούσης μεταξύ δύο υλικών σημείων, εκ των οποίων το ένα είναι ακίνητο. Αλλά αφού η σφαίρα έχει μηδενική ταχύτητα μετά την κρούση, σημαίνει ότι τα δύο σώματα έχουν ίσες μάζες (ανταλλαγή ταχυτήτων).

Συνεπώς $m=M$. Σωστή η β) πρόταση.

- ii) Ως προς το σημείο Ο, η στροφορμή διατηρείται, αφού οι μόνες εξωτερικές δυνάμεις, τα βάρη, δεν έχουν ροπή ως προς το Ο, οπότε η στροφορμή διατηρείται. Πράγματι:

$$L_{\pi\rho l\nu} = M v_1 \cdot d,$$

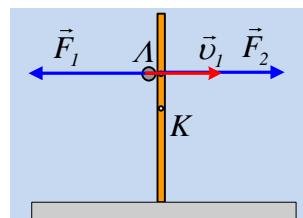
όπου d το μήκος του νήματος, ενώ μετά την κρούση, η σφαίρα μένει ακίνητη αλλά η ράβδος έχει αποκτήσει ταχύτητα $v_2' = v_1$ και στροφορμή:

$$L_{\mu\varepsilon\tau\dot{\alpha}} = m v_2 \cdot d = M v_1 \cdot d$$

Εξάλλου και τα δύο αυτά διανύσματα είναι κάθετα στο επίπεδο του σχήματος στο σημείο Ο με φορά προς τον αναγνώστη, οπότε $\vec{L}_{\pi\rho\text{inv}} = \vec{L}_{\mu\varepsilon\text{πά}}$.

Το ίδιο προφανώς ισχύει και ως προς το μέσον K της ράβδου, αφού $L_{πριν} = L_{μετά} = 0$.

- iii) Έστω ότι μετά την ελαστική κρούση η σφαίρα μένει ακίνητη, όπως και προηγουμένως. Τώρα όμως η δύναμη \vec{F}_2 που ασκείται στη ράβδο, δεν περνά από το κέντρο μάζας, με αποτέλεσμα να ασκείται ροπή στη ράβδο, ως προς το κέντρο μάζας K. Άλλα το αποτέλεσμα είναι η ράβδος να αποκτήσει και γωνιακή ταχύτητα ω. Άλλα τότε από τη διατήρηση της ορμής παίρνουμε:



$$Mv_1 \equiv M\cdot 0 + mv_2' \rightarrow v_2' \equiv v_1$$

Αλλά τότε η τελική κινητική εγέρσεια της ράβδου θα είναι:

$$K_{\tau\varepsilon\lambda} = \frac{1}{2}m\upsilon_2'^2 + \frac{1}{2}I_{cm}\omega^2 = \frac{1}{2}M\upsilon_l^2 + \frac{1}{2}I_{cm}\omega^2 = K_{a\rho\chi} + \frac{1}{2}I_{cm}\omega^2 > K_{a\rho\chi}$$

Πράγμα ἀτόπο.

Συνεπώς και η σφαίρα έχει κάποια ταχύτητα μετά την κρούση. Σωστό το β).