



คณะวิศวกรรมศาสตร์ศรีราชา

มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์ วิทยาเขตศรีราชา

การสอบกลางภาค ประจำปีภาคต้น ปีการศึกษา 2547

วิชา 205414 Digital Signal Processing

วันอาทิตย์ที่ 25 กรกฎาคม 2547 เวลา 10.30 – 13.30 น.

ชื่อ-สกุล.....รหัสประจำตัวนิสิต.....

### คำสั่ง

1. ข้อสอบมีทั้งหมด 5 ข้อ จำนวน 5 หน้า คะแนนเต็ม 150 คะแนน (เก็บ 30%)
2. ต้องเขียนชื่อ-สกุล และรหัสประจำตัวนิสิต ลงในข้อสอบทุกแผ่น
3. อนุญาตให้นำ dictionary และเครื่องคิดเลขรุ่นใดก็ได้เข้าห้องสอบได้
4. อนุญาตให้นำตำรา หรือสมุดจดบันทึก หรือเอกสารใดๆ เข้าห้องสอบได้
5. ห้ามแยกกระดาษข้อสอบ ออกจากกัน
6. ให้นิสิตเขียนด้วยลายมือที่อ่านง่าย โดยใช้ปากกาหรือดินสอก็ได้

### หมายเหตุ

หากไม่ปฏิบัติตามคำสั่ง จะถูกหักคะแนน

ข้อที่	1	2	3	4	5	รวม
คะแนนเต็ม	30	30	30	30	30	150
ได้คะแนน						

ผศ.อวยชัย จีระชน

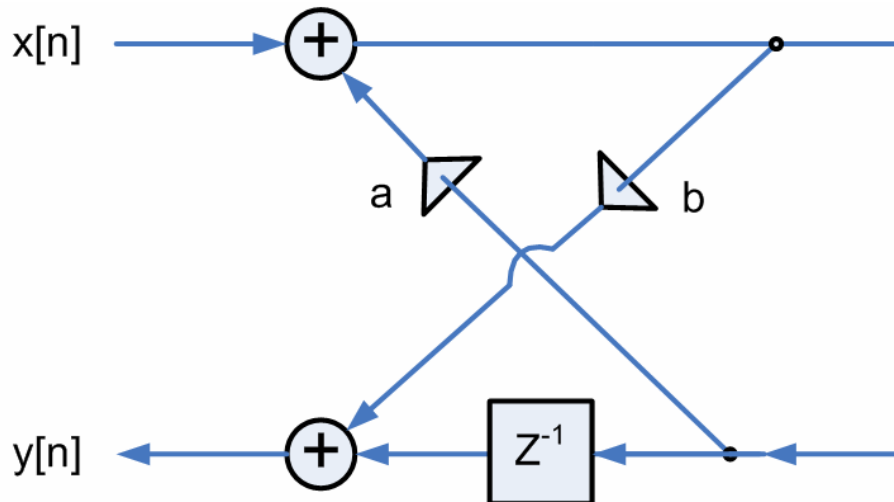
ประธานกรรมการออกข้อสอบ

อาจารย์สุภัทรชัย ชมพันธ์ุ

กรรมการออกข้อสอบ

สอบทฤษฎี - พักการเรียน 1 ภาคการศึกษา , ทฤษฎี - พักการเรียน 1 ปีการศึกษา

1. (30 points) Analyze the following block diagram,



- Develop the relation between  $y[n]$  and  $x[n]$ . (10 points)
- Determine the corresponding transfer function  $H(z)$ . (10 points)
- Plot its pole-zero diagram. (10 points)

2. (30 points) Let  $x[n]$  be a length-7 sequence given by

$$\{x[n]\} = \{1 \ 3 \ -1 \ 0 \ -2 \ 2 \ 1\}$$

with a DTFT  $X(e^{j\omega})$ . Evaluate the following functions of  $X(e^{j\omega})$  without computing the transform itself:

(a)  $X(e^{j\pi})$  (10 points)

(b)  $\int_{-\pi}^{\pi} |X(e^{j\omega})|^2 d\omega$  (10 points)

(c)  $\int_{-\pi}^{\pi} \left| \frac{dX(e^{j\omega})}{d\omega} \right|^2 d\omega$  (10 points)

3. (30 points) A causal LTI system has the system function

$$H(z) = \frac{1 + 2z^{-1} + z^{-2}}{\left(1 + \frac{1}{2}z^{-1}\right)(1 - z^{-1})}$$

- (a) Is the system stable? Why? (5 points)
- (b) Find the impulse response  $h[n]$  of the system. (10 points)
- (c) Find the output of this system,  $y[n]$ , for the input  $x[n] = \delta[2n - 10]$ . (5 points)
- (d) Determine the region of convergence for the output z-transform  $Y(z)$  when input z-

transform  $X(z) = \frac{(1 - z^{-1})}{(1 - 3z^{-1})(1 + z^{-1})^2}$ . (10 points)

4. (30 points) A discrete-time causal LTI system has the system function

$$H(z) = \frac{(1 + 0.2z^{-1})(1 - 9z^{-2})}{(1 + 0.81z^{-2})}$$

- (a) Is the system stable? Why? (5 points)
- (b) Sketch the pole-zero diagram of this system. (5 points)
- (c) Find expressions for a minimum-phase system  $H_{\min}(z)$  and an all-pass system  $H_{ap}(z)$  such that  $H(z) = H_{\min}(z)H_{ap}(z)$ . (20 points)

5. (30 points) The continuous-time signal

$$x_c(t) = \sin(20\pi t) + \cos(40\pi t)$$

is sampled with a sampling period  $T$  to obtain the discrete-time signal

$$x[n] = \sin\left(\frac{\pi n}{5}\right) + \cos\left(\frac{2\pi n}{5}\right)$$

- (a) Determine a choice for  $T$  consistent with this information. (10 points)
- (b) Is your choice for  $T$  in Part (a) unique? If so, explain why. If not, specify another choice of  $T$  consistent with the information given. (10 points)
- (c) Determine the Nyquist frequency and the Niquist rate of  $x_c(t)$ . (10 points)