

### ข้อสอบกลางภาค

วิชา Research Methodology in Finance : MGMG 522

ภาคเรียนที่ 2 ปี 2547

ผู้สอน ดร.ชาญ สรณาคมน์

(คะแนนสอบกลางภาค = 30% ของคะแนนรวม)

(ข้อสอบมีทั้งหมด 4 ข้อ ให้ทำทุกข้อ แต่ละข้อมีคะแนนเท่ากัน)

#### คำสั่ง

1. อนุญาตให้นิสิตนำตำรา เอกสารอื่น ๆ และเครื่องคิดเลขเข้าห้องสอบได้ แต่ไม่อนุญาตให้หยิบยืมสิ่งต่าง ๆ เหล่านั้นระหว่างกันในช่วงการสอบ
2. ไม่อนุญาตให้ใช้เครื่องมือสื่อสารทุกชนิดระหว่างการสอบ ซึ่งรวมถึง PDA และ Notebook ทุกชนิดด้วย
3. อ่านโจทย์ให้ดี แล้วตอบให้ตรงประเด็นคำถาม
4. พยายามอย่าปล่อยคำตอบให้ว่าง
5. ตรวจคำตอบให้ดีก่อนส่งกระดาษคำตอบ
6. ห้ามออกนอกห้องสอบระหว่างการสอบไม่ว่ากรณีใด ๆ ทั้งสิ้น ยกเว้นแต่จะได้ส่งคืนกระดาษคำตอบและ  
สละสิทธิ์ที่จะทำข้อสอบต่อ

ข้อที่ 1. ปัญหา Serial Correlation และ Heteroskedasticity มีความเหมือนและความแตกต่างกันด้านใดบ้าง?

#### แนวทางการตอบ

##### **ความเหมือน**

ปัญหา Serial Correlation และ Heteroskedasticity จะมีผลลัพธ์ที่ตามมาคล้าย ๆ กัน คือ Coefficient Estimates ที่ได้จาก OLS ถึงแม้จะไม่ bias แต่ว่า Standard Errors ของ Coefficient Estimates จะมีค่าเพิ่มขึ้นแต่ OLS จะรายงานตัวเลขค่า Standard Errors ของ Coefficient Estimates ต่ำกว่าความเป็นจริง ส่งผลไปถึงค่า t ที่ได้จะสูงกว่าความเป็นจริง

##### **ความแตกต่าง**

1. Serial Correlation มักเกิดในข้อมูล Time-series ในขณะที่ Heteroskedasticity มักเกิดกับข้อมูลที่เป็น Cross-sectional Data
2. ปัญหา incorrect functional form อาจทำให้เกิด impure serial correlation ได้มากกว่าทำให้เกิดปัญหา impure heteroskedasticity

ข้อที่ 2. จงเปรียบเทียบ overall fit ของสมการ regression โมเดล A กับโมเดล B ว่าสมการใดดีกว่ากัน? ถ้าบอกไม่ได้ว่าโมเดลไหนดีกว่ากัน ให้บอกเหตุผลด้วยว่าทำไมถึงบอกไม่ได้? (ข้อนี้ คุณไม่จำเป็นต้องทราบคำอธิบายว่าตัวแปร  $Y$ ,  $X_1$ ,  $X_2$ , และ  $X_3$  หมายถึงตัวแปรอะไร? ตัวเลขในวงเล็บแสดงค่าสถิติ t)

Model A: 
$$Y = 0.75 + 1.25X_1 - 35.0X_2 + 0.05X_3$$
$$(1.98) \quad (-2.05) \quad (1.45)$$
$$\text{Adj-}R^2 = 0.792, \quad n = 100, \quad F = 38.1$$

Model B: 
$$\ln Y = 0.03 + 0.12X_1 - 3.15X_2 + 0.01X_3$$
$$(2.49) \quad (-2.14) \quad (1.89)$$
$$\text{Adj-}R^2 = 0.801, \quad n = 100, \quad F = 38.8$$

#### แนวทางการตอบ

เนื่องจากตัวแปรตามเป็นคนละตัวกันใน 2 โมเดล (ตัวแปรตามในโมเดล A คือ Y ในขณะที่ตัวแปรตามในโมเดล B คือ  $\ln Y$ ) การที่จะนำเอาค่า  $R^2$  (หรือ  $\text{Adj-}R^2$ ) มาเปรียบเทียบกันไม่ควรทำ เพราะว่า RSS (Residual Sum of Squares) เป็นคนละตัวกัน กล่าวคือ

ในโมเดล A

$$\text{RSS} = \sum (Y_i - \hat{Y}_i)^2$$

ในขณะที่โมเดล B

$$\text{RSS} = \sum (\ln Y_i - \ln \hat{Y}_i)^2$$

ดังนั้น ในการเปรียบเทียบต้องใช้ค่า quasi- $R^2$  โดยต้องมีการแปลงค่าบางค่าในโมเดล B เพื่อคำนวณหาค่า quasi- $R^2$  ซึ่ง

$$\text{quasi-}R^2 = 1 - \frac{\sum [Y_i - \text{antilog}(\ln \hat{Y}_i)]^2}{\sum [Y_i - \bar{Y}]^2}$$

แล้วนำค่า quasi- $R^2$  ที่คำนวณได้ของโมเดล B ไปเปรียบเทียบกับค่า  $R^2$  ของโมเดล A

ข้อที่ 3. จงอธิบายว่าทำไมการเลือกที่จะเอาตัวแปรต้นตัวใดไว้ในสมการ regression หรือตัดตัวแปรตัวนั้นออกโดยพิจารณาจากค่า t-value ของตัวแปรนั้น ๆ เพียงอย่างเดียวว่า significant หรือไม่จึงไม่ควรทำ?

อธิบายโดยละเอียด

#### แนวทางการตอบ

การที่ค่า t มีค่ามาก ๆ มักไม่ค่อยมีปัญหา แต่ถ้าค่า t มีค่าใกล้ ๆ ค่า critical t-value การตัดสินใจจะตัดตัวแปรนั้นทิ้งหรือคงตัวแปรนั้นไว้จะทำได้ลำบาก ยกตัวอย่างเช่น ถ้าเราได้ค่า  $t = 1.7$  เราอาจจะตัดตัวแปรนี้ทิ้งเพราะว่ามันไม่มีนัยสำคัญที่ระดับ 1 เปอร์เซ็นต์ แต่ถ้าสมการเรามีปัญหาตัวแปรขาดอยู่ เป็นไปได้ที่ค่า  $t = 1.7$  นั้นอาจจะน้อยกว่าความเป็นจริงเพราะผลของ bias ใน coefficient หรือเป็นผลมาจาก multicollinearity หรือถ้าค่า  $t = 1.7$  นั้นมีนัยสำคัญที่ 5 เปอร์เซ็นต์ก็อาจจะเป็นไปได้ที่สมการเรายังมีปัญหา serial correlation หรือ heteroskedasticity เลยทำให้ค่า t มีค่าเกินค่า t ที่แท้จริง

สรุป การเลือกตัวแปรโดยพิจารณาจากค่า t ของ coefficient เพียงอย่างเดียวไม่ควรทำ

ข้อที่ 4. นี่เป็นผลจากการศึกษาจำนวนผู้เข้าชมทีมบาสเก็ตบอล Los Angeles Lakers โดยตัวแปรตาม  $Y_t$  คือจำนวนผู้เข้าชม (มีหน่วยเป็นคน) ณ ครั้งที่  $t$  และตัวแปรต้นมีดังนี้

$L_t$  = เปอร์เซ็นต์การชนะของทีม Los Angeles Lakers (จำนวนครั้งที่ทีมชนะทั้งหมดก่อนครั้งที่  $t$  หารด้วยจำนวนครั้งที่เล่นทั้งหมด\*100%)

$P_t$  = เปอร์เซ็นต์การชนะของทีมคู่แข่งที่ Los Angeles Lakers จะต้องเล่นด้วยในครั้งที่  $t$  (จำนวนครั้งที่ทีมคู่แข่งชนะก่อนครั้งที่  $t$  หารด้วยจำนวนครั้งที่เล่นทั้งหมด\*100%)

$W_t$  = 1 ถ้าวันที่แข่งขันกันเป็นวันศุกร์ เสาร์ หรืออาทิตย์ ( $W_t = 0$  สำหรับวันอื่น ๆ ที่ไม่ใช่วันหยุดสุดสัปดาห์)

ผลการรันสมการ regression ออกมาเป็นดังนี้ (ตัวเลขในวงเล็บแสดงค่า Standard Error)

$$Y_t = 14,123 + 20L_t + 2,600P_t + 900W_t$$

(500) (1,000) (300)

$$DW = 0.85, \quad n = 44, \quad \text{Adj-}R^2 = 0.46$$

- A.) ให้ทดสอบสมมุติฐานด้านเดียวของ coefficient หน้าตัวแปรแต่ละตัว ณ ระดับนัยสำคัญ 1 เปอร์เซ็นต์
- B.) ให้ทดสอบหา Serial Correlation ด้านเดียว ณ ระดับนัยสำคัญ 5 เปอร์เซ็นต์
- C.) พิจารณาตัวแปร  $L_t$  กับ  $P_t$  คุณแปลกใจกับผลการทดสอบสมมุติฐานที่ทำในข้อ A. หรือไม่ พุดอีกนัยหนึ่ง ตัวแปร  $L_t$  เป็นตัวแปรเกิน (irrelevant variable) หรือไม่? อธิบายเหตุผลประกอบ

#### แนวทางการตอบ

- A.) coefficient หน้าตัวแปรทุกตัวน่าจะมีเครื่องหมายเป็นบวก ดังนั้นสมมุติฐานจะเป็น

$$H_0: \beta_i \leq 0$$

$$H_A: \beta_i > 0$$

Critical t (one-sided, 1%, DF = 44-3-1 = 40) = 2.423

ค่า t หน้าตัวแปร  $L_t$  = 20/500 = 0.04 → ไม่ significant

ค่า t หน้าตัวแปร  $P_t$  = 2,600/1,000 = 2.60 → significant

ค่า t หน้าตัวแปร  $W_t$  = 900/300 = 3.00 → significant

B.) สำหรับ test for serial correlation ใช้ค่าสถิติ DW โดยที่สมมุติฐานสำหรับการทดสอบจะเป็น

$H_0$ : ไม่มี serial correlation ด้านบวก

$H_A$ : มี serial correlation ด้านบวก

ค่า Critical DW (one-sided, 5%,  $k'=4$ ,  $n \approx 45$ )  $\rightarrow D_L = 1.34$ ,  $D_U = 1.72$

ค่า DW ที่ได้คือ  $0.85 < D_L \rightarrow$  significant (แปลว่ามี serial correlation ด้านบวก)

C.) ตัวแปร  $L_i$  มีค่า  $t$  ต่ำ แต่ทางทฤษฎีแล้วตัวแปร  $L_i$  ไม่น่าจะเป็นตัวแปรเกิน เพราะว่าการที่ทีม Los Angeles Lakers ชนะบ่อย ๆ น่าจะมีผลทำให้คนเข้าชมทีม Los Angeles Lakers แข่งขันมากขึ้น  
สามารถที่เราเจอว่าค่า  $t$  หน้าตัวแปร  $L_i$  มีค่าต่ำอาจเป็นเพราะว่า (1) มีตัวแปรขาดที่ยังไม่ได้ใส่ในโมเดล หรือ (2) ตัวแปร  $L_i$  กับ  $P_i$  มีปัญหา Multicollinearity กันเลยทำให้ค่า  $t$  ของตัวแปรบางตัวลดลง